Laurea Triennale in Matematica Laboratorio di Calcolo Numerico, FAC-SIMILE

Scegliere almeno un esercizio per ciascun gruppo.

Gruppo 1

- 1. (2 punti) Rappresentare in "fixed point" (b=2, t+1=16) il numero $(-936)_{10}$. Rappresentare il numero $(-13.124)_{10}$ come numero finito in semplice precisione (4 byte) secondo le convenzioni dell'Ansi standard IEEE.
- 2. (2 punti) Convertire in numero intero il seguente numero di macchina "fixed point" (b=2, t+1=16)

1001011100011001

Convertire in numero decimale il seguente numero di macchina floating point, codificato secondo le convenzioni dell'Ansi standard IEEE, precisione semplice:

100011011011100110000100000000000

3. (3 punti) Assegnati i seguenti numeri finiti (b = 10, t = 5, arrotondamento) determinare, operando nell'aritmetica dei numeri finiti, i numeri:

$$fl(x^3+y^3)$$

con $x=0.11242\cdot 10^1,\,y=-0.11244\cdot 10^1.$ Che tipi di errori si verificano?

4. (6 punti) Valutare l'errore inerente e quello algoritmico nel calcolo dell'espressione (utilizzando il metodo dei grafi):

$$f(x,y) = \frac{\sqrt{x} + \sqrt{y}}{\sqrt{x} - \sqrt{y}}$$

Esistono dei valori di x per cui il problema è mal condizionato? Esiste una formulazione più stabile?

- 5. (4 punti) Con la tecnica dell'analisi in avanti, calcolare l'errore algoritmico dell'espressione: $fl(x^3 + y^3)$. Si suppone che i dati appartengano all'insieme dei numeri finiti.
- 6. (4 punti) Calcolare l'errore inerente dell'espressione $f(x,y) = x^3 + y^3$