

Baccaglioni Roberto, Silvestrini Giulio e Siviero Andrea della classe 4°A del “Liceo Scientifico P.Paleocapa” di Rovigo propongono questa risoluzione del problema posto all’inizio del mese di Febbraio:

C (circonferenza) :  $x^2 + y^2 = 1$

P (punto generico sulla circonferenza), coordinate  $(x, y)$  :  $x^2 = 1 - y^2$

Q (punto interno alla C), coordinate  $(x_1, y_1)$  :  $x_1^2 + y_1^2 < 1$

R (rettangolo con diagonale PQ e lati paralleli agli assi)

Se R deve essere interamente contenuto in C  $\Rightarrow$  il punto Q deve essere contenuto nel rettangolo che

$$\text{ha come vertici: } \begin{cases} P(x, y) \\ P_1(x, -y) \\ P_2(-x, -y) \\ P_3(-x, y) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} |x_1| < |x| \\ |y_1| < |y| \end{cases}$$

$$\text{Probabilità che R sia contenuto in C} = \frac{\text{Arett}(P, P_1, P_2, P_3)}{\text{Acerchio}} = \frac{4|x||y|}{\pi} = \frac{4\sqrt{x^2(1-x^2)}}{\pi} = \frac{4\sqrt{y^2(1-y^2)}}{\pi}$$

La Probabilità è sempre  $< 1$  perché se poniamo  $\begin{cases} x = \cos(\alpha) \\ y = \sin(\alpha) \end{cases}$

$$\Rightarrow 4|x||y| = 4|\cos(\alpha)\sin(\alpha)| = 2|\sin(2\alpha)| \text{ il che è } < \pi.$$

La Probabilità massima è assunta per  $\begin{cases} \alpha = \frac{\pi}{4} + 2k\pi \\ \alpha = -\frac{\pi}{4} + 2k\pi \end{cases}, k \in Z$